

ANALYSIS I

Handschriftliche

Notizen vom 25.10.2016

Jörn Behrens

Zu beweisen sei

$$A(n) := n^2 > 2n+1 \text{ für}$$

$$n \geq n_0 \in \mathbb{N}$$

Beweis per Induktion:

i) Induktionsanfang: $n_0 = 3$

$$9 > 7 \text{ gilt.}$$

$$\omega(A(3)) = W$$

ii) Annahme: $A(n)$ ist wahr für beliebiges festes $n \geq n_0$

Also gilt: $n^2 > 2n + 1$ ($n \geq 3$)

iii) Induktionsschluss: $A(n)$ ist wahr $\Rightarrow A(n+1)$ wahr
Zu zeigen

$n^2 > 2n + 1$ gilt also gilt

$$n^2 + (2n + 1) > 2n + 1 + (2n + 1)$$

$$u^2 + (2u+1) > 2u+1 + (2u+1)$$

$$\Rightarrow (u+1)^2 > 2u+2+2u$$

$$\Rightarrow \underline{(u+1)^2} > \underline{2(u+1)} + \underline{2u}$$

$$\Rightarrow \underline{(u+1)^2} > \underline{2(u+1)} + \underline{1}$$

$\Rightarrow A(u+1)$ wahr



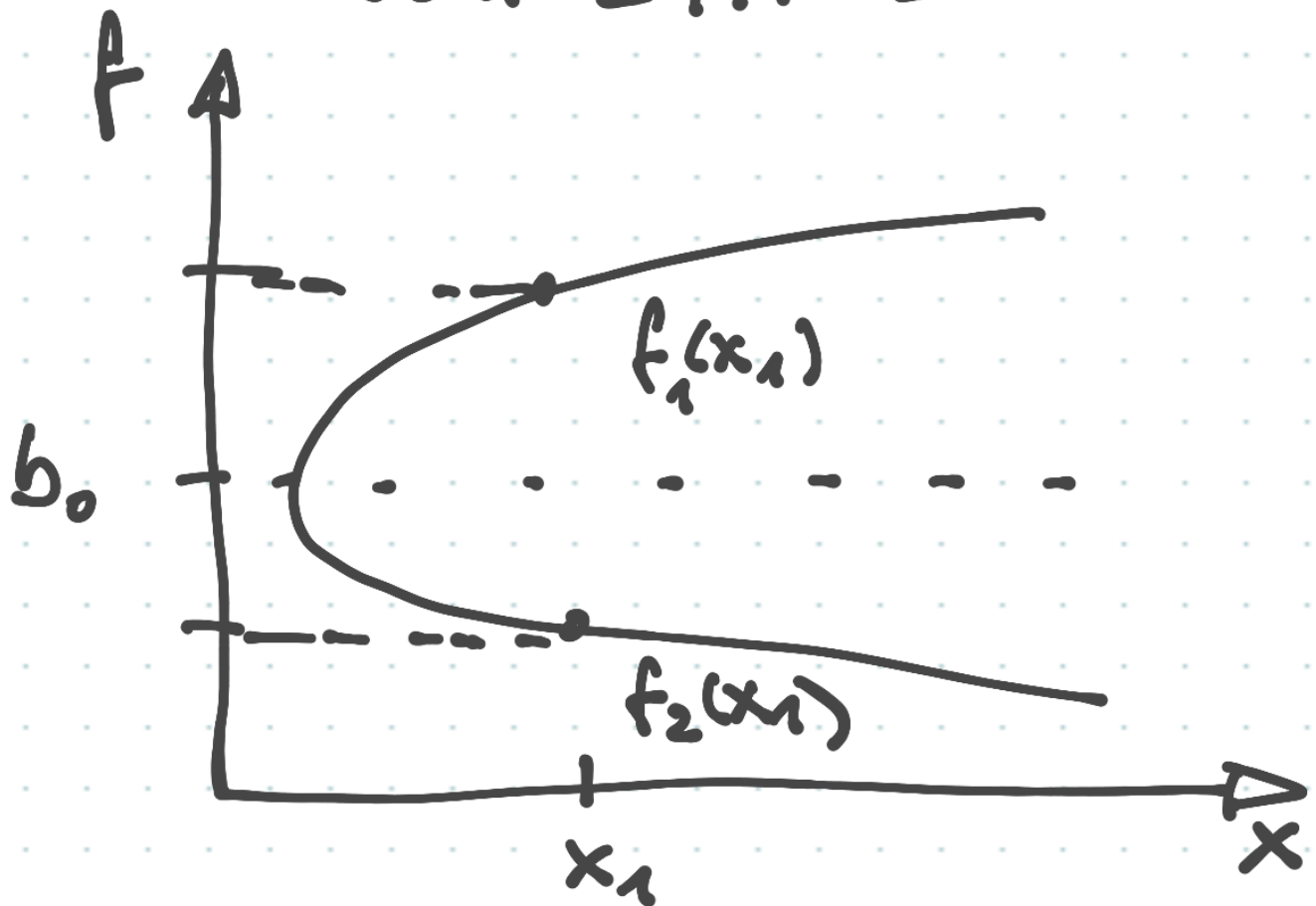
$$A(u) := u^2 > 2u+1$$

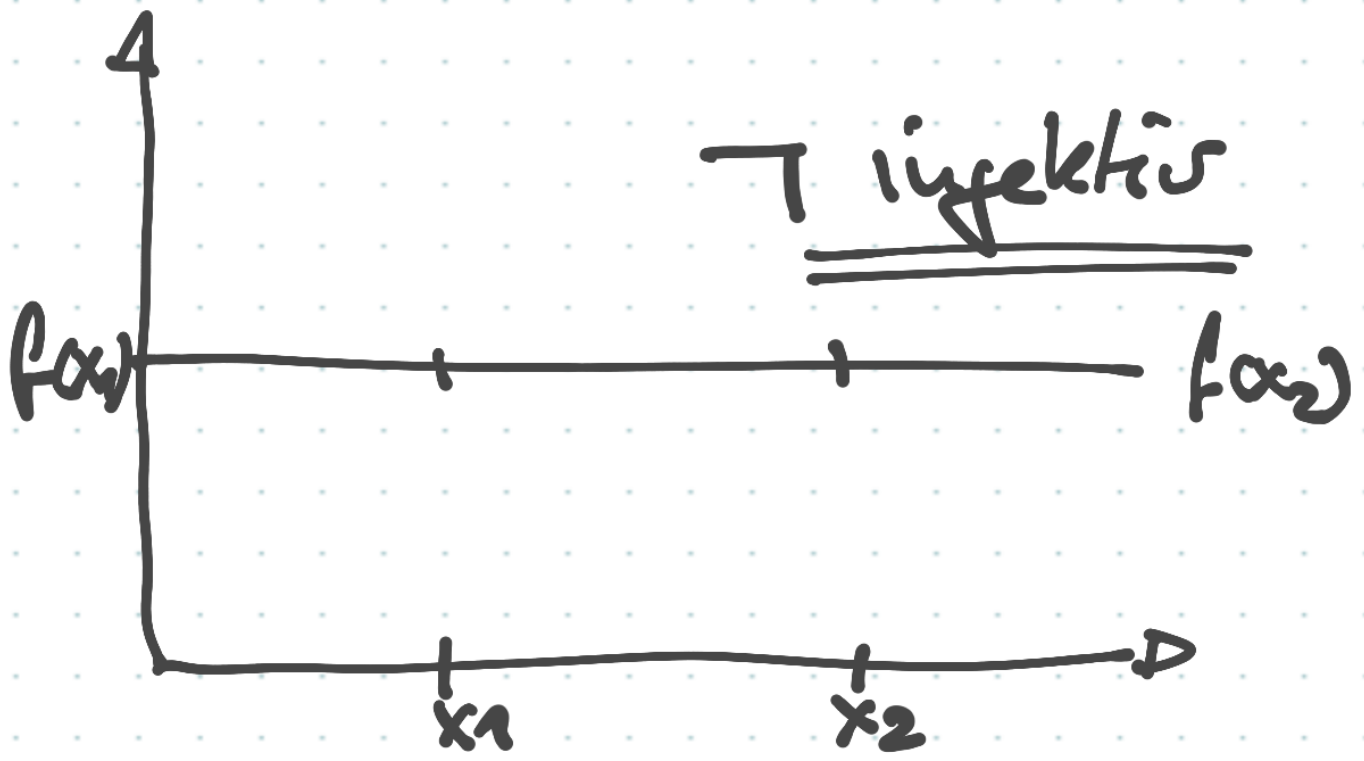
Summenreihen:

$$\sum_{i=1}^n x_i = x_1 + x_2 + x_3 + \dots + x_n$$

ANALYSIS I

Handschriftliche Notizen
vom 27.10.2016





Induktionsbeweis:

Zu beweisen:

$$A(n) := n^2 > 2n + 1$$

i) Induktionsanfang:

$$\omega(A(n_0 = 3)) = W$$

ii) Induktionsannahme:

$A(n)$ ist wahr für festes aber
beliebiges $n \geq n_0$

iii) Induktionschluss:

$$\underline{\text{zu zeigen}} \quad A(n) \Rightarrow A(n+1)$$

$$A(n) := n^2 > 2n + 1$$

$n^2 > 2n + 1$ folgt insbesondere

$$n^2 + (2n+1) > 2n+1 + (2n+1)$$

$$\Leftrightarrow (n+1)^2 > 2n+2+2n$$

Umformung

$$\Leftrightarrow (n+1)^2 > 2(n+1) + 2n$$

$$\Rightarrow (n+1)^2 > 2(n+1) + 1$$

↓ verändert
zulässig weil
Ungleichung

$$\Rightarrow A(n+1) \text{ wahr}$$